

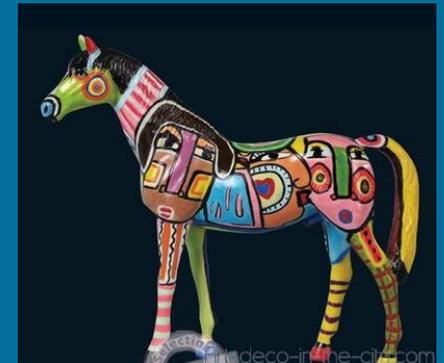


## Sélection de TAGSNP par réseau de contraintes pondérées

D. Allouche , S. Degivry, M. Sanchez, T. Schiex

Equipe SaAB : unité de Biométrie intelligence Artificielle

Centre INRA de Toulouse



- Introduction du cadre méthodologique
- Problématique tagSNP
- Le modèle et les méthodes de recherche
- expérimentations

Modèle Graphique (**X,D,C**):

- X** = {X<sub>1</sub>, ..., X<sub>n</sub>} variables
- D** = {D<sub>1</sub>, ..., D<sub>n</sub>} domaines de valeurs
- C** = {F<sub>1</sub>, ..., F<sub>r</sub>} contraintes=fonctions de coût

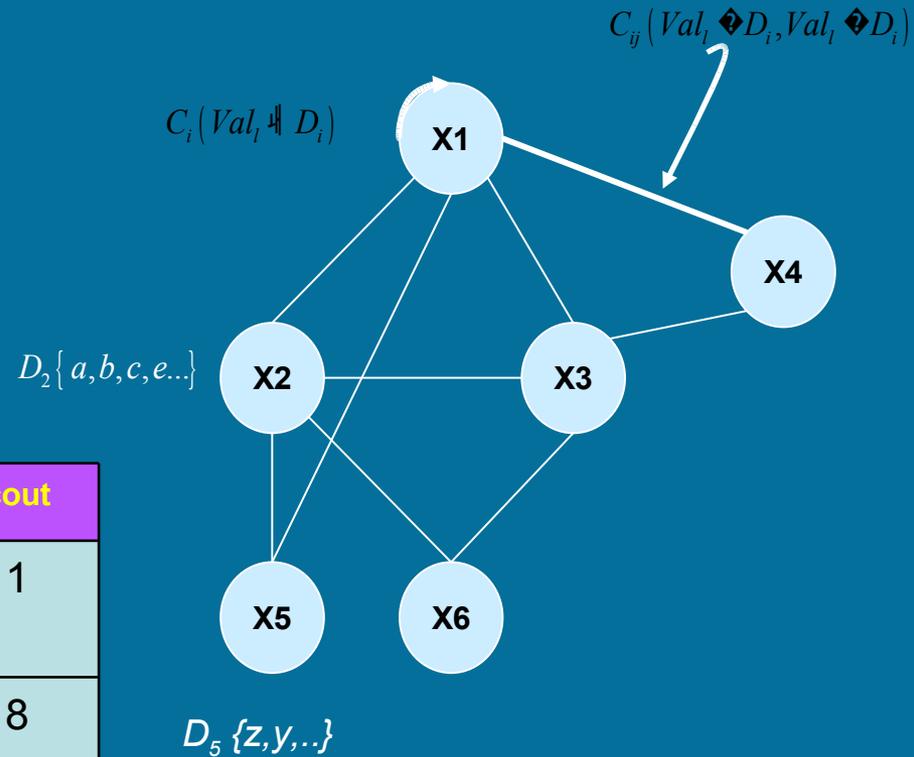
• Optimisation: trouver une affectation totale tel que:

- $\text{MIN} \sum_j F_j$

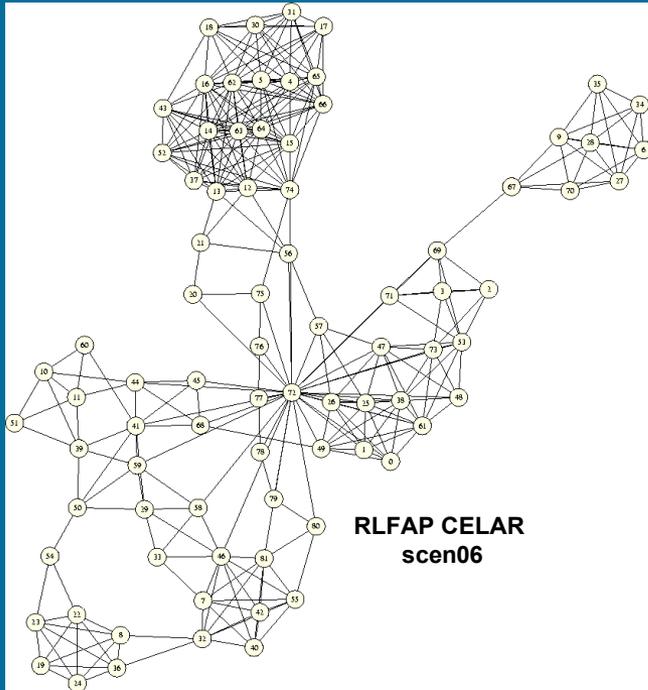
( Le problème est NP difficile)

OPTIMISATION VIA TOULBAR2  
DFBB, BTD, BTD-RDS

X <sub>2</sub>	X <sub>5</sub>	cout
a	z	1
a	y	8
..	..	∈ [0, k]
e	y	50



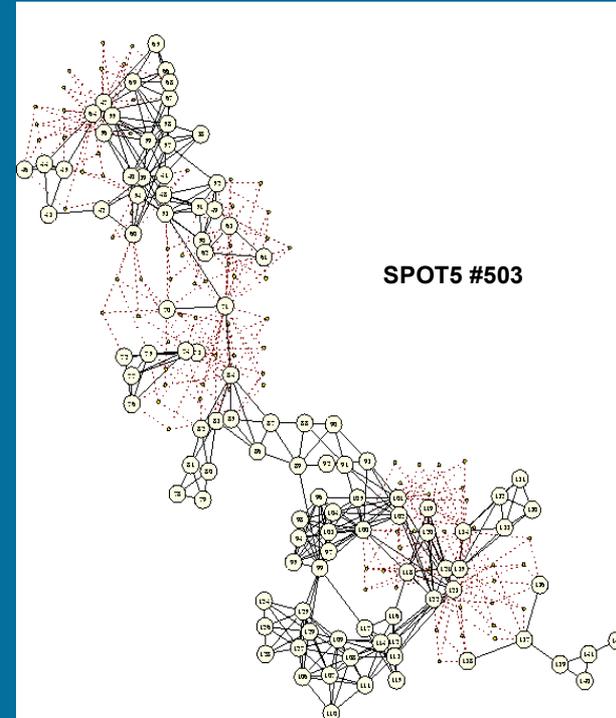
## TELECOM: Radio Link Frequency Allocation Problem



Allocation de fréquences de connexion radio de sorte à minimiser les interférences

→ Minimiser contrainte binaires soft.

## SPATIAL: Earth Observation Satellite Management Problem



Sélections d'images parmi un ensemble candidat en respectant les contraintes physique de la caméra.

→ Contrainte binaire, contrainte ternaire dure.

-Maximiser la somme de poids associés aux images sélectionnées.

→ Contraintes unaires soft

- Introduction du cadre méthodologique
- **Problématique tagSNP**
- Le modèle et les méthodes de recherche
- Expérimentations

- SNP = Single Nucleotide Polymorphism



☀ SNP = mutation ponctuelle entre individus d'une même espèce.

- Exemple : chez l'humain 10 M de SNP sur 6 Milliards de bases ([www.hapmap.org](http://www.hapmap.org))

☀ Remarques : dans une espèce, le nombre de SNP est fonction:

- de la taille du génome
- De la localisation (zone chromosomique, intron/exon )
- de la diversité génétique de l'espèce

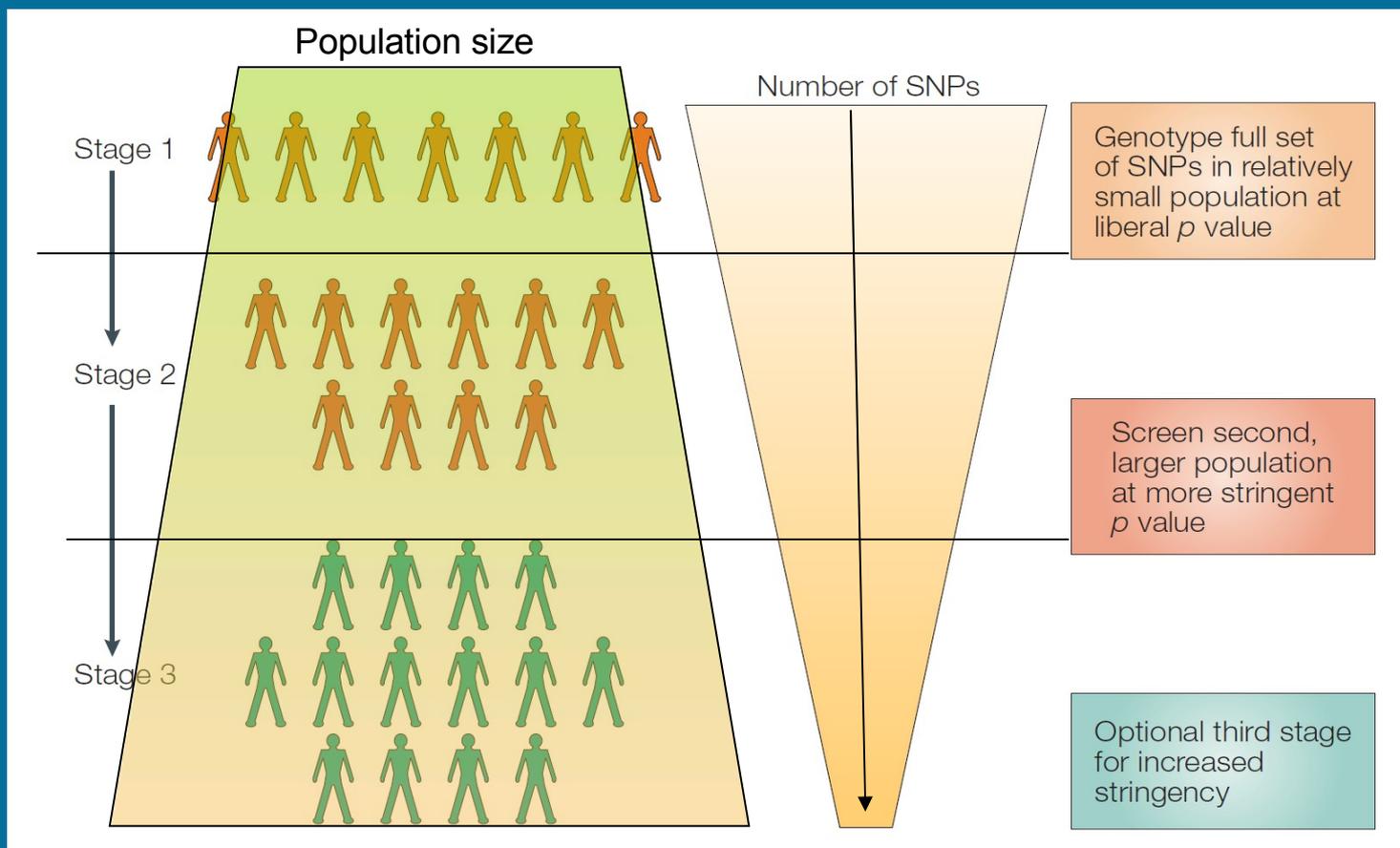
– Les SNP sont majoritairement hérités des parents

- SNP sont impliqués dans les maladies ou caractères multifactoriels
  - Susceptibilité à des maladies
  - Efficacité de médicaments
  - Réponse quantitative de caractères d'intérêt agronomique



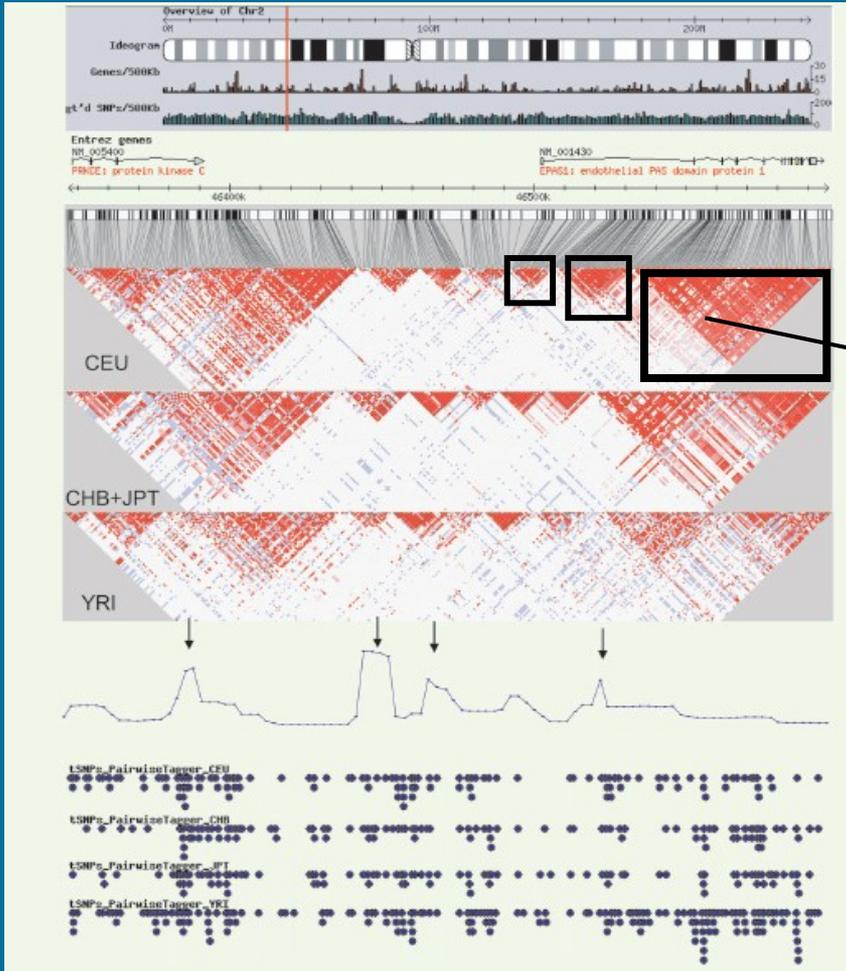
Étude d'association par déséquilibre de liaison est  
une approche de recherche de causalité entre :  
SNP et phénotype d'intérêt

→ Cout expérimental encore prohibitif! → sélection de tagSNP



« Hirschhorn NAT. REV. GEN. vol 6 p95 2005 »

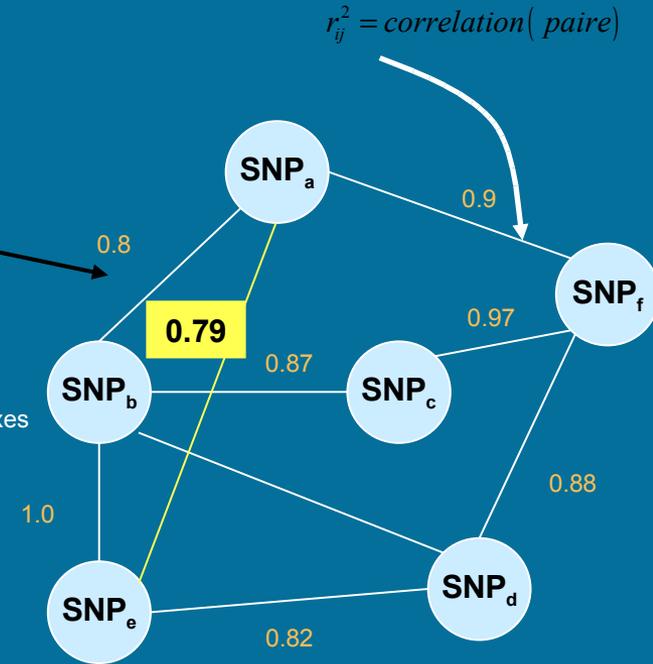
Carte HAPMAP: [www.hapmap.org](http://www.hapmap.org)



Représentation

Graphique :

Plusieurs composantes connexes



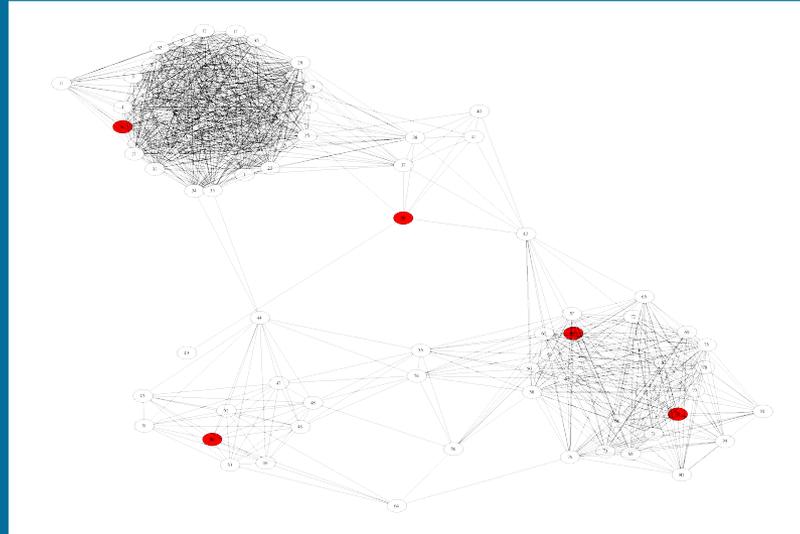
• Filtrage des arêtes  $r_{ij}^2 \geq r_{cut}^2$

**( $r_{cut}^2 = 0.8$ )**

**CEU:** CEPH (Utah residents with ancestry from northern and western Europe)

**CHB:** Han Chinese in Beijing, China+**JPT:** Japanese in Tokyo, Japan

**YRI:** Yoruba in Ibadan, Nigeria



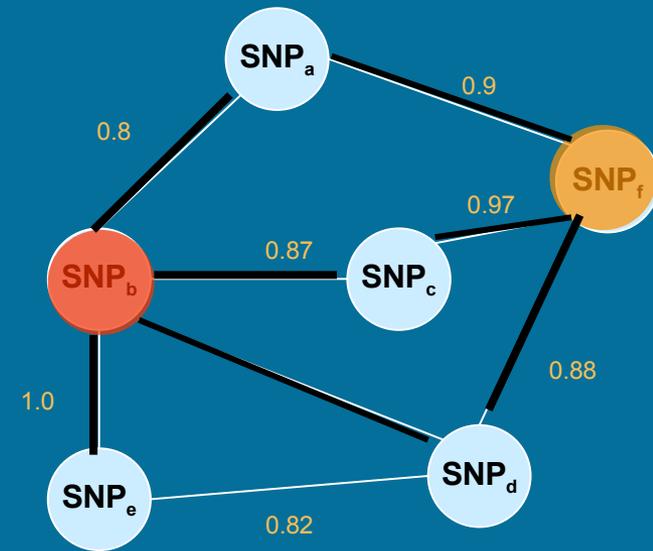
Sélectionner le long d'un chromosome un sous ensemble de marqueurs SNP de taille minimale

de sorte que les marqueurs sélectionnés (tagSNP) soient les plus représentatifs de l'information génétique de l'ensemble.

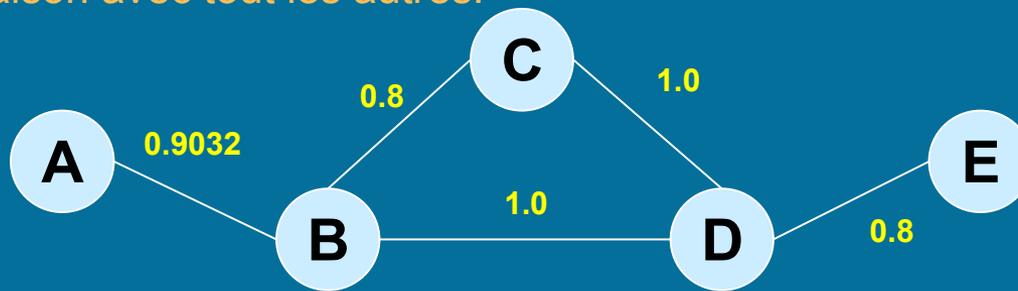
→ Problème de “set covering” avec des critères additionnels.  
(problème NP-difficile)

Le set covering est un problème classique en informatique et théorie de la complexité.

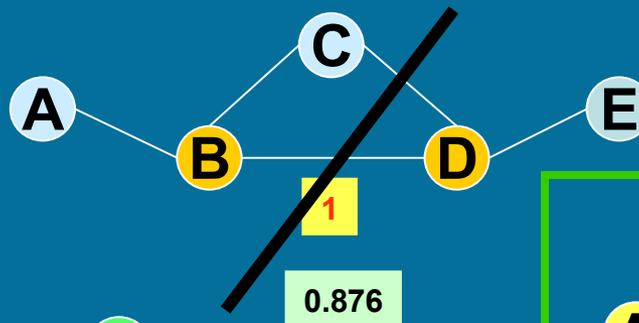
- Soit une ensemble composé de plusieurs familles.  
(avec éventuellement des éléments commun).
- ☀ L'objectif est de sélectionner le nombre minimum de famille afin de recouvrir tous les éléments compris dans l'ensemble total.



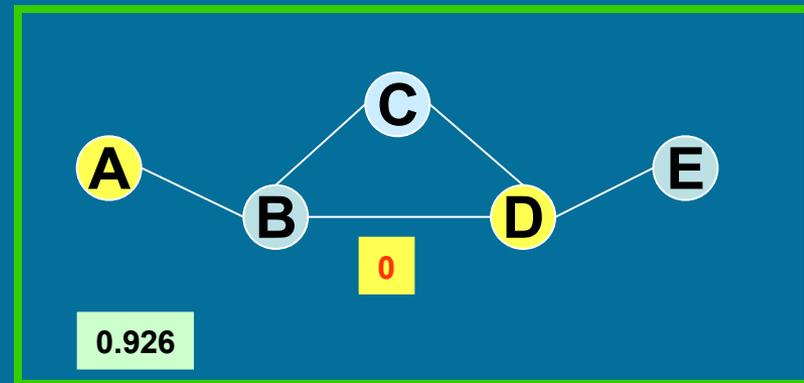
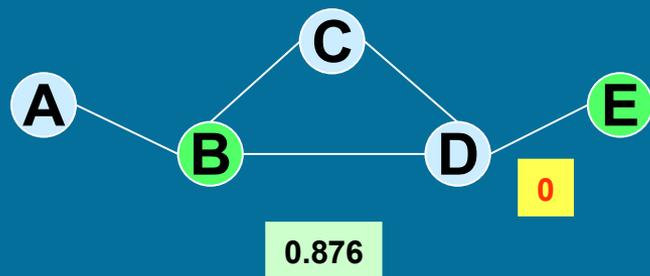
Recherche de Tagsnp = recherche d'un sous ensemble de taille minimal de snp en déséquilibre de liaison avec tout les autres.



**DISPERSION:**  
r<sup>2</sup> moyen entre tag



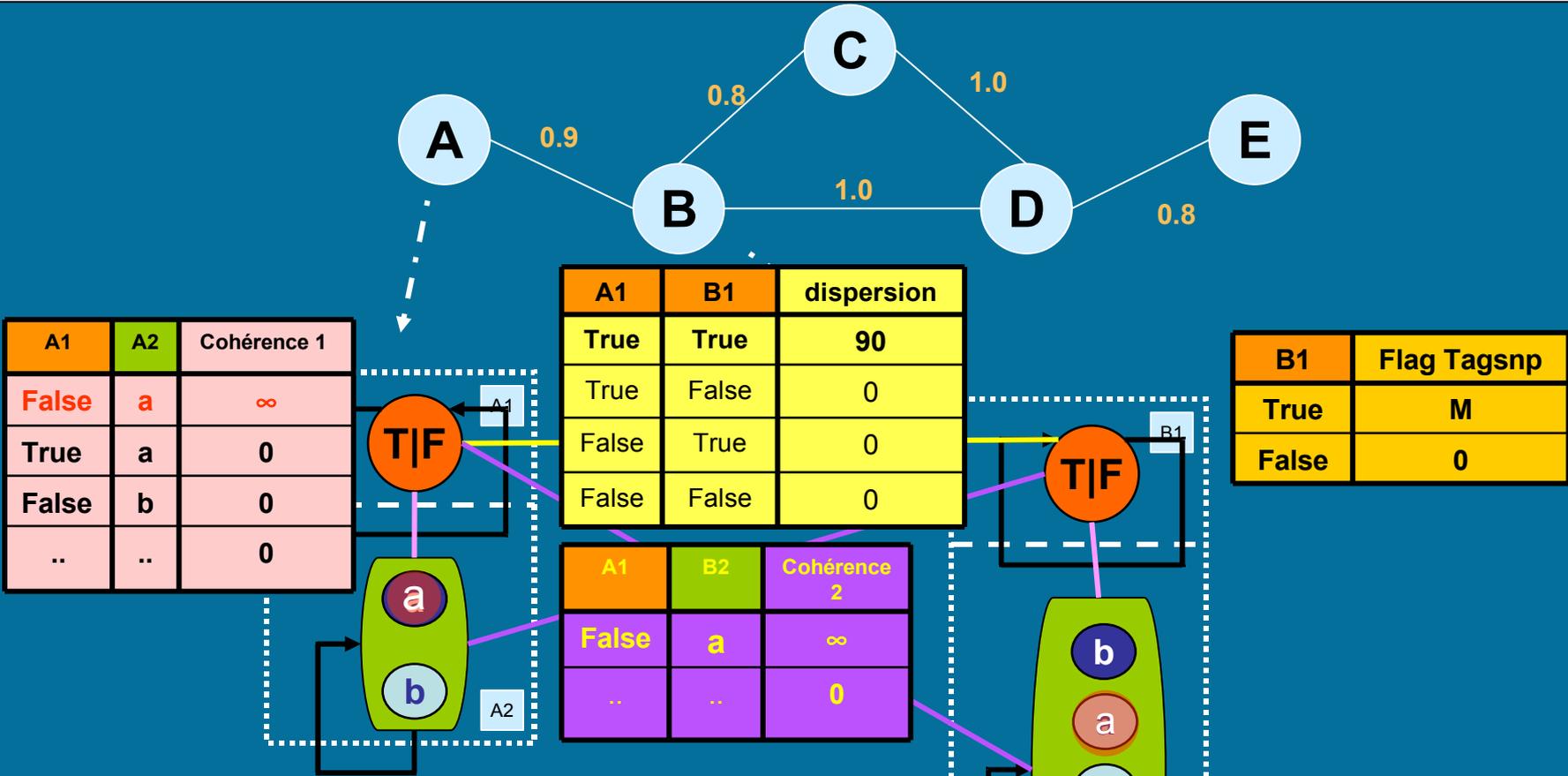
**REPRESENTATIVITE:**  
r<sup>2</sup> moyen entre tag et non tag



Solution =  $\{(B,E) \mid (B,D) \mid (A,D)\}$

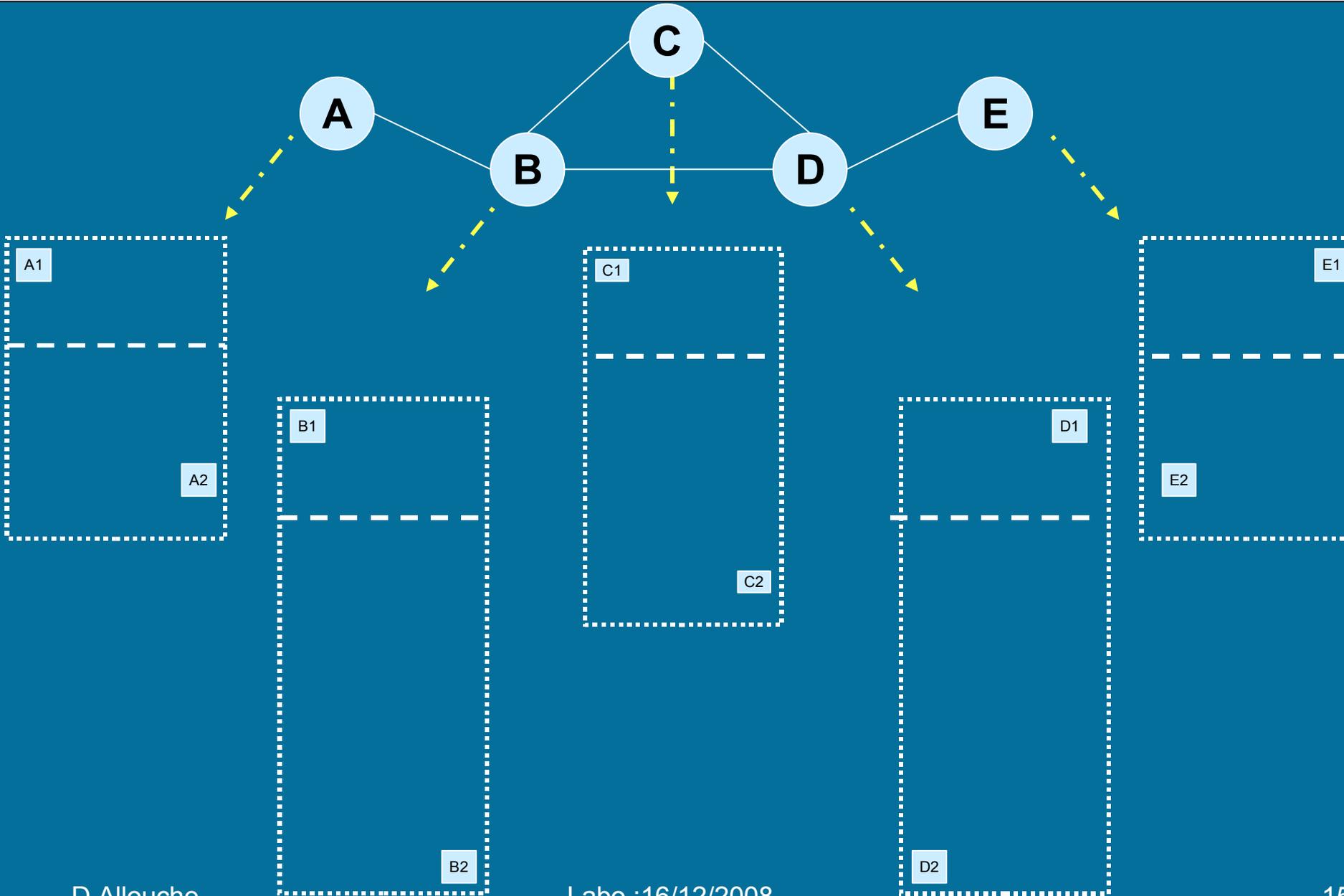
- Introduction du cadre méthodologique
- **Problématique tagSNP**
- Le modèle et les méthodes de recherches
- Expérimentations

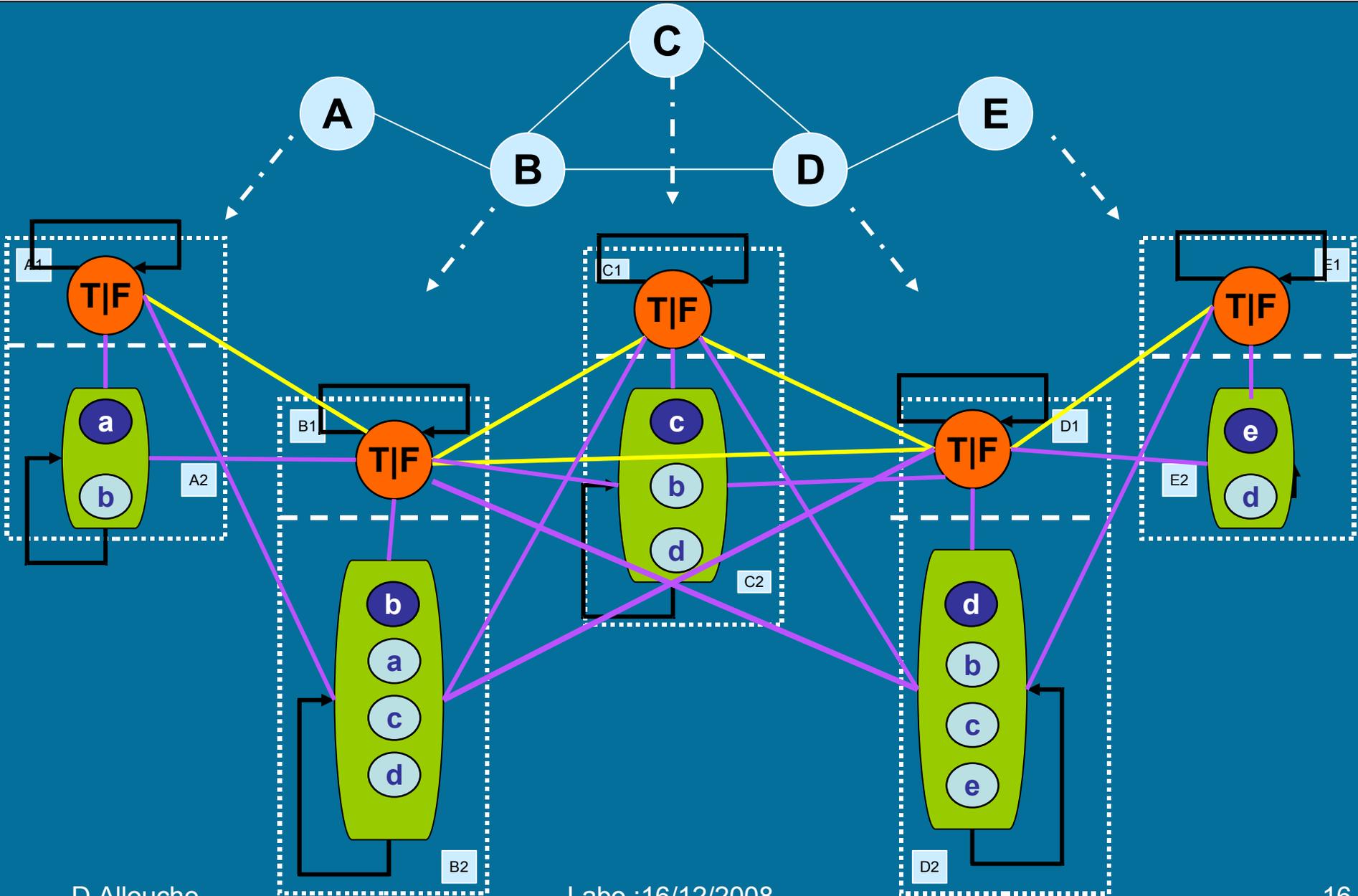
# Le reseau de fonction de cout



Set covering pur

Il en résulte une combinaison linéaire de ces critères → critères hiérarchiques





# Depth-First Branch and Bound (DFBB)

## Affectation

variable (ordre dynamique)

chaque nœud est une variable ou  
Un sous-problème de contraintes soft

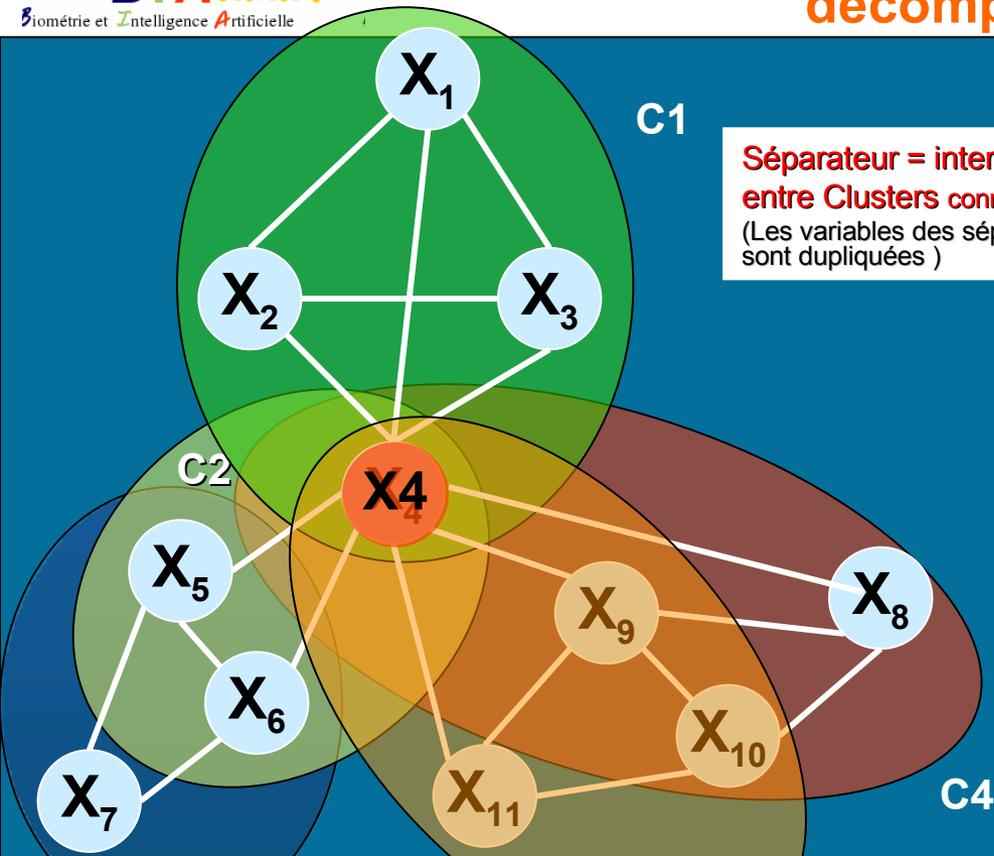
### (LB) Lower Bound

sous estimation du cout de la  
meilleure solution dans le sous-  
problème courant (obtenu par  
propagation)

**Si  $LB \geq UB$  alors Elimination  
Du sous arbre**

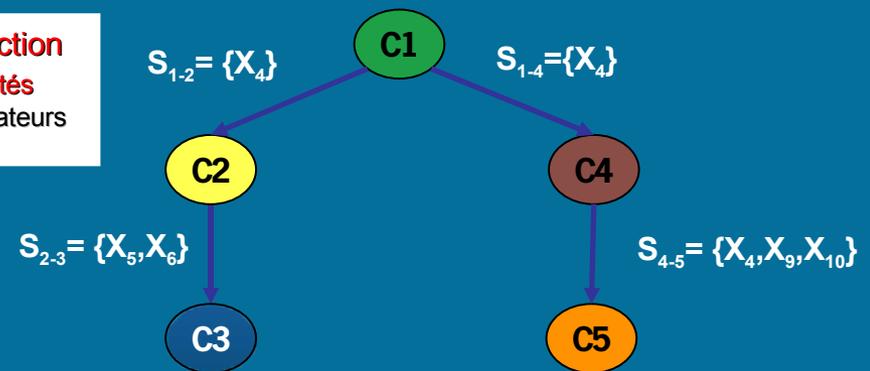
**(UB) Upper Bound** = Meilleur solution courante

Time complexity:  $O(d^n)$   
Space complexity:  $O(n)$



**Séparateur = intersection entre Clusters connectés**  
(Les variables des séparateurs sont dupliquées)

## ARBRE DE CLUSTER



**BTD (Backtrack Tree Decomposition)**

- L'affectation des séparateurs rend les sous-problèmes indépendants
- On mémorise de l'information dans les séparateurs afin d'éviter des calculs redondant

•RDS-BTD → UTILISATION d'un minorant de sous problème Calculés avant la recherche par relaxation des contraintes Associées aux « séparateurs »

A partir d'un ordre d'élimination des variables on cherche successivement les cliques de tailles maximales dans le graphe triangulé.  
→ construction d'un arbre de clusters

•Complexité :  
Time:  $O(d^w)$ ,  
Space:  $O(d^s)$

$d$  = taille du plus grand domaine  
 $w$  = taille du plus grand cluster - 1 (tree width)  
 $S$  = taille du plus grand séparateur

- Introduction du cadre méthodologique
- Problématique tagSNP
- Le modèle et les méthodes de recherche
- **Expérimentations**

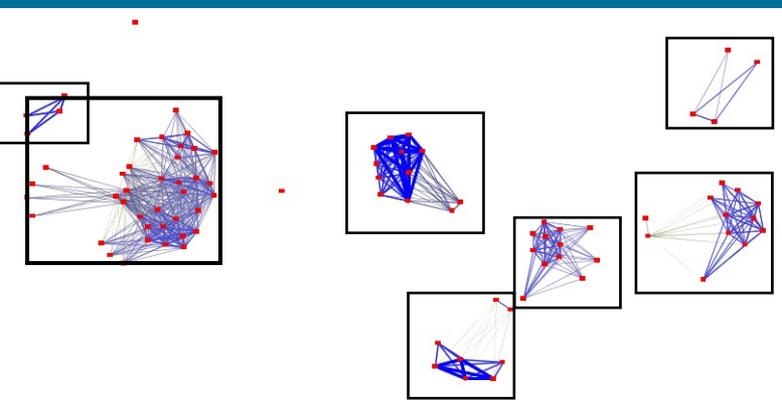
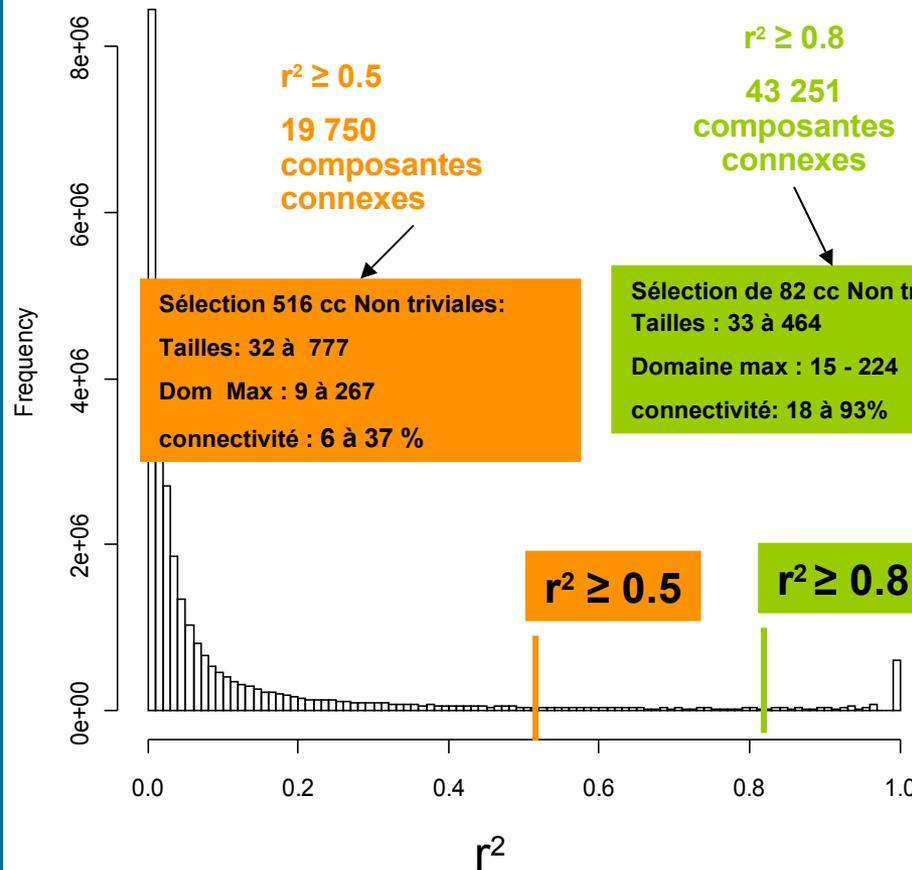
**Chromosome 1 : Hapmap phase 2**

**46 Sujets Européens**

**178 438 SNP**

**30 Millions d'arrêtes**

## Distribution du LD ( filtrage)



**Composantes connexes = instances indépendantes**

- FESTA (QIN et al. Bioinformatics Nov. 2005):
  - ✱ Approche exhaustive pour les composantes connexes de petites tailles
  - ✱ Recherche gloutonnes pour les composantes connexes de plus grandes tailles.
- « Aujourd'hui la grande majorité des logiciels de sélection de tagSNP sont basés sur des méthodes incomplètes ».

- $r^2 \geq 0.8$

- DFBB → Résolution de la totalité des instances ( 82/82)

- ☀ Comparaison de l'approche à DFBB à « FESTA gloutonne »

- Temps de calcul : 2h37 avec DFBB versus 3mm avec FESTA

- Gain de la compression de -21 % par rapport FESTA ( #tagsnp passe de 487 à 359)

- ☀ Comparaison DFFB à FESTA « hybride recherche exhaustive + gloutonne »

- Gain de la compression -3 % par rapport à FESTA ( #Tagsnp passe 370 à 359)

- Temps de calcul : 2h37 avec DFBB versus 39 h 17m FESTA  
(15 fois plus rapide que FESTA)

- Comparaison des méthodes de recherche Toulbar2:

- (limite 2h cpus par instances)

- DFBB → 100%,

- BTD → 75% (62/82)

- RDS-BTD → 79% (65/82)

- $r^2 \geq 0.5$

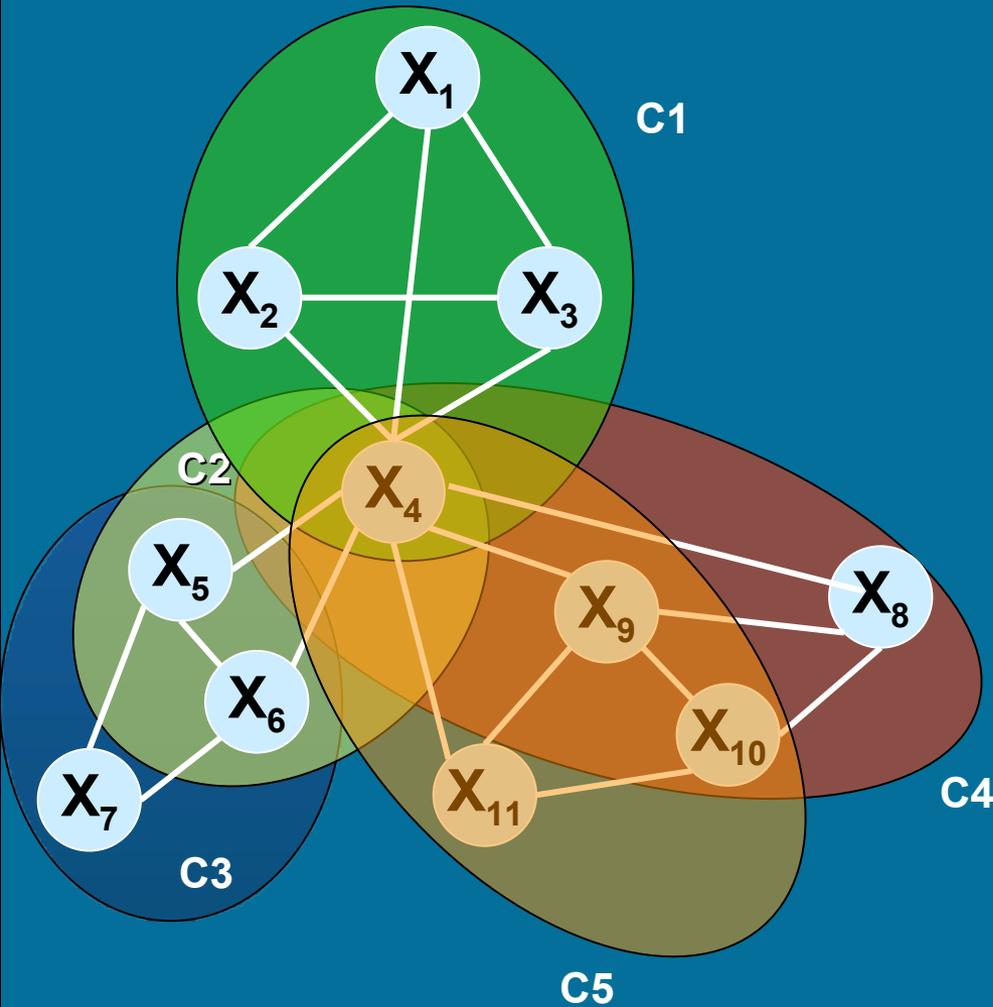
- Résolution de 95% des instances (491/516)

- ☀ Gain de compression **-15%** par rapport à FESTA « glouton »  
#TAGSNP passe de 2780 versus 3274 avec FESTA

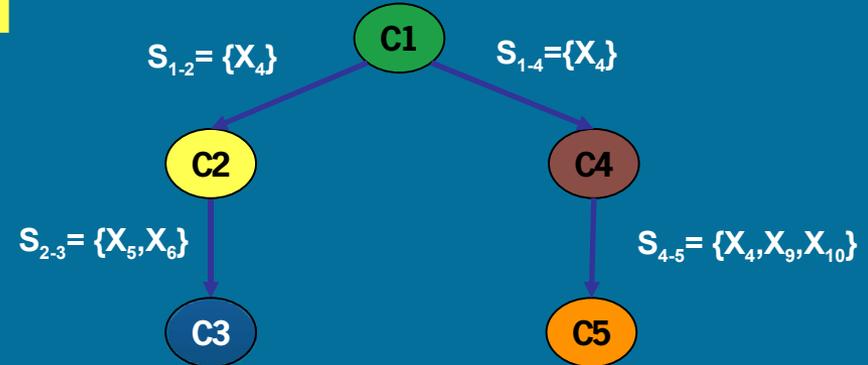
- 25 instances de plus grande taille sont particulièrement difficiles  
→ benchmark de méthodes

- décomposition totale des problèmes est souvent pénalisante!

Plus de liberté dans l'ordre dynamique des variables lors de la recherche

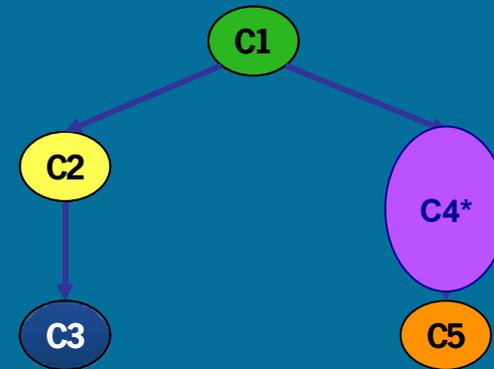


## ARBRE DE CLUSTER

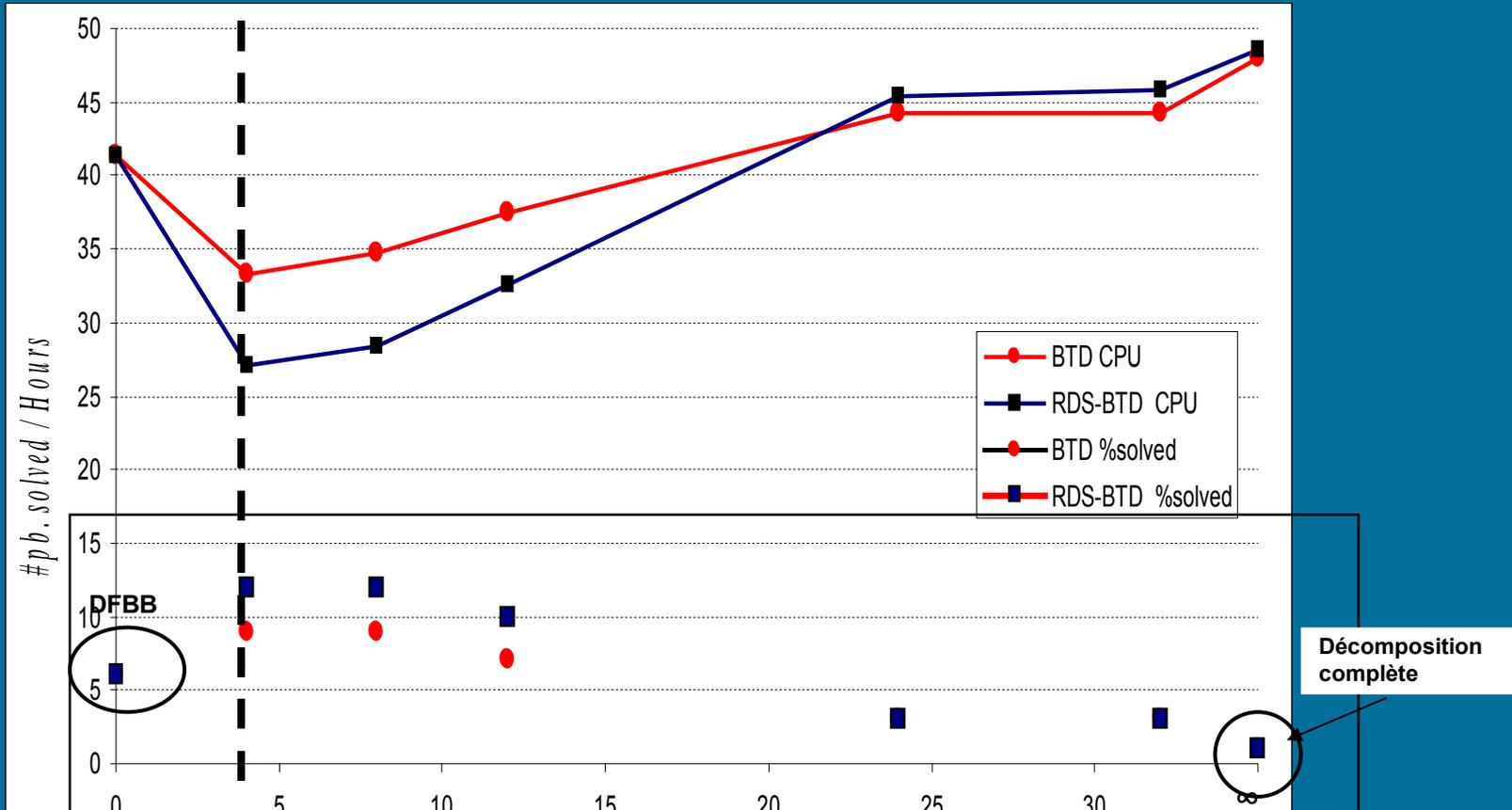


Fusion de cluster

$$\text{Si } \#S_{i-j} > \#S_{\text{seuil}}$$



Jeux de départ : Les 25 instances difficiles (  $r^2 \geq 0.5$  )  
2 heures de calcul maximum



**RDS-BTD (Smax=4) → amélioration importante de l'efficacité**  
**nbre de résolution +33% , CPUTime -23%**

☀ Pour  $r^2 \geq 0.8$  : 100% des instances sont résolues  
(DFBB, BTD ( $S_{\max}=4$ ), RDS-BTD ( $S_{\max}=4$ ))

☀ Pour  $r^2 \geq 0.5$  :

- 12/25 instances « difficiles » restent ouvertes
- Intérêt pour la biologie modéré ! → benchmark méthode d'optimisation

☀ Concernant les méthodes:

- RDS-BTD améliore les résultats par rapport à BTD.
- Décomposition avec petit séparateur facilite la résolution des instances

- Extension des méthodes de découpage de graphes Toulbar:

-  Intégration de méthode de découpage permettant exhiber les petits séparateurs avec une prise en compte de la structure et les cout.

- Algo découpage de graphe type metis, hmetis
- Algo fusion/fission de graphe ( Brichot&al)
- Algo de découpage par relaxation lagrangienne
- ..?

TOULBAR2:

<http://mulcyber.toulouse.inra.fr/gf/project/toulbar2>

...

## Quelques références:

*DFBB* → *AND/OR search* (Marinescu & Dechter, 2005)

*BTD* (Simon de Givry, Thomas Schiex, and Gérard Verfaillie ) In /Proc. of AAAI-06/, Boston, 2006

*RDS* (Verfaillie et al, 1996) *Pseudo-Tree RDS* (Larrosa et al, 2002)

